

Questões

- 1.** Dada a seguinte expressão: $P_t = 2P_{t-1}$, e sabendo que $P_0 = 4$, encontre a solução para essa equação.

(Esta questão vale um ponto)

Respostas: $P_t = 4 \cdot 2^t$.

- 2.** Resolva a seguinte equação:

$$I_t - I_{t-1} = iI_{t-1} + d$$

Onde i e d são parâmetros.

(Esta questão vale um ponto)

Resposta: $I_t = (1+i)^t (I_0 + (d/i)) - (d/i)$

- 3.** Assuma um modelo de mercado (oferta e demanda) que tem a seguinte especificação:

$$Q_{d,t} = 500 - 3P_t$$

$$Q_{s,t} = -200 + 4P_{t-1}$$

Sabemos que, em equilíbrio, $Q_{d,t} = Q_{s,t}$. A informação que temos é que $P_0 = 80$.

Determine a trajetória temporal do preço para os períodos 1,2,3, 4 e 5.

Desenhe o gráfico (com P no eixo vertical e Q no horizontal).

Olha a dinâmica do preço. Caracterize essa trajetória e fundamente analiticamente a evolução do preço. Determine o preço de equilíbrio do modelo.

(Esta questão vale dois pontos)

Resposta: a evolução dos preços será: 80, 127,64,147,36,184. A evolução será oscilante divergente. O equilíbrio do modelo é $P=100$. Fora do equilíbrio terá uma trajetória oscilante divergente. Isso pode ser fundamentado pela equação em

diferenças que se obtiene do modelo: $P_{t+1} = (-4/3)P_t + 700$. Uma vez que $(4/3) > 1$ e negativo a dinâmica será oscilante-divergente.

4. Assuma o seguinte modelo macro:

$$Y = C + I + G$$

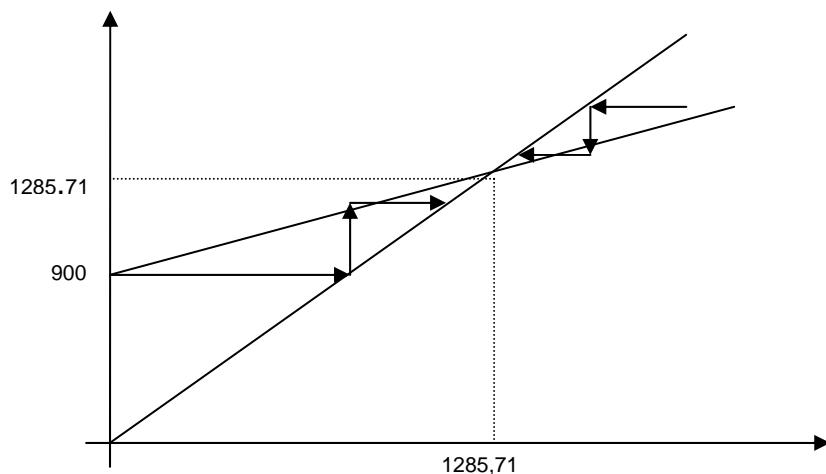
$$C = c_0 + c_1 Y_{t-1}$$

com: $I = 500$; $G = 100$; $c_0 = 300$; $c_1 = 0,3$.

Desenhe o diagrama de fase.

(Esta questão vale dois pontos)

Resposta:

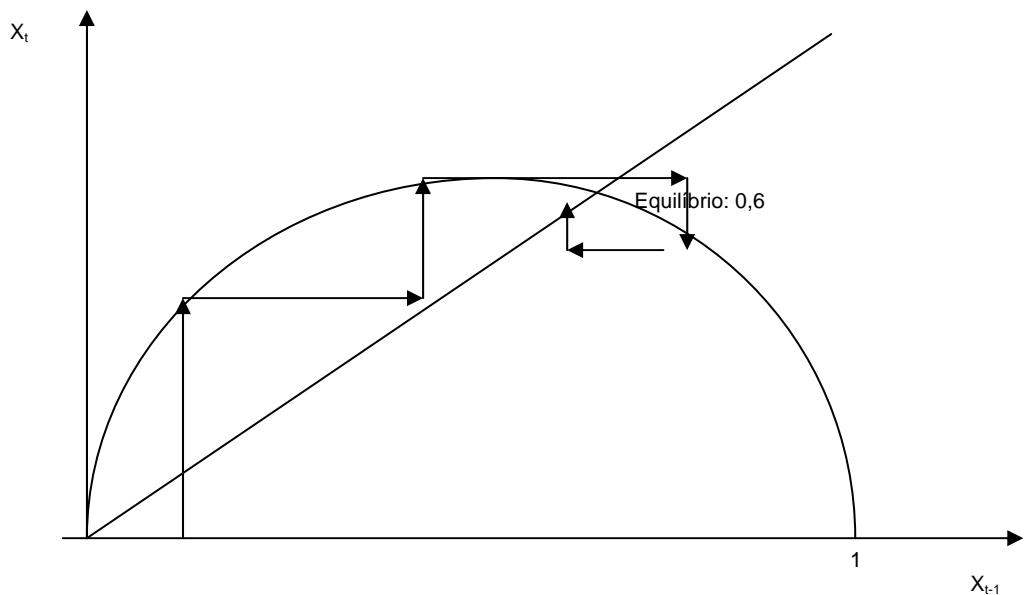


5. Assuma a seguinte função logística:

$$x_t = 2.5x_{t-1}(1-x_{t-1}) \text{ para } 0 \leq x_{t-1} \leq 1$$

Desenhe o diagrama de fase e avalie o equilíbrio. Realize essa avaliação tanto utilizando cálculo (por exemplo parte de $x_0=0,1$) como analiticamente mediante uma aproximação linear ao(s) pontos de equilíbrio. Cuidado com a resposta. Analise muito cuidadosamente.

(Esta questão vale 4 pontos).



O ponto de equilíbrio (0,6) é estável-oscilante. A aproximação linear em torno dele é: $x_t = 0.9 - 0.5 x_{t-1}$.

Partindo de 0,1 e 0,99 fica claro o caráter estável e oscilante do ponto de equilíbrio. No gráfico só aproximamos a partir de 0,1. Em Excel temos que: